

Kurven Aufgabe 69

$$f(x) = 2x - 0,1x^5$$

$$f'(x) = 2 - 0,5x^4, f''(x) = -2x^3, f'''(x) = -6x^2$$

$$\text{Definitionsbereich: } -\infty < x < \infty$$

$$\text{Wertebereich: } -\infty < f(x) < \infty$$

Asymptoten: -

Symmetrie: nur ungerade Exponenten

$$f(-x) = 2 * (-x) - 0,1 * (-x)^5 = -(2x - 0,1x^5) = -f(x)$$

--> **punktsymmetrisch zum Koordinatenursprung**

Nullstellen:

$$2x - 0,1x^5 = 0$$

$$x * (2 - 0,1x^4) = 0$$

$$x_1 = 0$$

$$2 - 0,1x^4 = 0 \quad | +0,1x^4$$

$$0,1x^4 = 2 \quad | :0,1$$

$$x^4 = 20$$

Substitution:

$$z = x^2$$

$$z^2 = 20 \quad | \sqrt{}$$

$$z_{1,2} = \pm 4,47$$

Rücksubstitution:

$$x^2 = 4,47 \quad | \sqrt{}$$

$$x_{1,2} = \pm 2,11$$

$$x^2 = -4,47 \quad \text{--> keine weiteren Nullstellen}$$

$$\mathbf{N_1(0|0), N_2(2,11|0), N_3(-2,11|0)}$$

Schnittpunkt mit der y-Achse:

$$f(0) = 2 * 0 - 0,1 * 0^5 = 0$$

S_y(0|0)

Extrempunkte:

$$2 - 0,5x^4 = 0 \quad | +0,5x^4$$

$$0,5x^4 = 2 \quad | :0,5$$

$$x^4 = 4$$

Substitution:

$$z = x^2$$

$$z^2 = 4 \quad | \sqrt{}$$

$$z_{1,2} = \pm 2$$

Rücksubstitution:

$$x^2 = 2 \quad | \sqrt{}$$

$$x_{1,2} = \pm 1,41, \quad f_{(1,41)} = 2 * 1,41 - 0,1 * 1,41^5 = 2,26$$

$$f_{(-1,41)} = -2,26 \text{ wegen Punktsymmetrie}$$

$$x^2 = -2 \quad | \sqrt{} \rightarrow \text{keine weiteren Lösungen}$$

$$f'_{(1,41)} = -2 * 1,41^3 < 0 \rightarrow \text{Hochpunkt (1,41|2,26)}$$

$$f'_{(-1,41)} = -2 * (-1,41)^3 > 0 \rightarrow \text{Tiefpunkt (-1,41|-2,26)}$$

Wendepunkte:

$$-2x^3 = 0 \quad | \cdot (-2)$$

$$x^3 = 0 \quad | \sqrt[3]{}$$

$$x = 0$$

$$f'''(0) = -6 * 0^2 = 0$$

$$f''''(0) = -12 * 0 = 0$$

$$f''''''(0) = -12 \neq 0 \rightarrow \text{Grad der Ableitung ungerade} \rightarrow \text{Wendepunkt (0|0)}$$

Graph:

